



PANNON EGYETEM

MŰSZAKI INFORMATIKAI KAR

MATEMATIKA TANSZÉK

MATEMATIKAI FELADATMEGOLDÓ VERSENY – 2009/10

6. FORDULÓ

1. feladat:

Legyen $f(x, y) = \sqrt[3]{x^2 + y^4}$, $(x, y) \in \mathbb{R}^2$.

Melyik változó szerinti parciális derivált létezik a $(0, 0)$ pontban és mivel egyenlő?

10 pont

2. feladat:

Létezik-e olyan $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ függvény, amelyre

$$D_1 f(x, y) = x - 2y, \quad (x, y) \in \mathbb{R}^2$$

és

$$D_2 f(x, y) = 2x - y \quad (x, y) \in \mathbb{R}^2$$

10 pont

3. feladat:

Definiáljuk az $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ függvényt az

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{xy}{\sqrt{x^2 + y^2}} & , \text{ ha } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & , \text{ ha } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

képlettel. Differenciálható-e f a $(0, 0)$ pontban?

10 pont

4. feladat:

Az $\{A_i \subseteq H : i \in I\}$ halmazrendszer **I-hosszú lánc H-n**, ha $A_i \subset A_j$ ($A_i \neq A_j$) minden $i < j$ ($i, j \in I$) esetén.

a) Legfeljebb milyen hosszú lánc adható meg, ha H egy m -elemű (véges) halmaz?

b) Adjunk meg egy N -hosszú láncot N -en (N a természetes számok halmaza).

c) Adjunk meg egy $N+N$ -hosszú láncot N -en (azaz $A_0 \subset A_1 \subset \dots \subset A_n \subset \dots \subset A_\Omega \subset A_{\Omega+1} \subset \dots \subset A_{\Omega+k} \subset \dots \subset N$).

10 pont

5. feladat:

Rajzoljuk fel a 6- és 7- dimenziós kockák gráfjait és bennük egy-egy Euler-kört!

10 pont

6. feladat:

Be lehet-e járni lóugrásban a 3×4 -es sakktáblát úgy, hogy minden mezőre pontosan 1-szer lépünk, de nem szükséges a kiinduló mezőre visszajutnunk a végén?

10 pont

Beadási határidő: 2010. május 3.

Kérjük, hogy a beadott lapokon nyomtatott betűkkel a nevet, szakot, Neptun kódot tüntessék fel!