

# A Lehmer szita

Szalkai István, 2019

# Derrick Norman Lehmer



(1867 – 1938)  
amerikai

# Derrick Henry Lehmer



(1905 – 1991)  
amerikai

**D.N.Lehmer** (id.) Prímszám táblázatok és faktorizációk  
10,017,000 –ig (1909).

### **Apa és fia:**

Elektro (csak kapcsolók) -mechanikus eszközök a prím-  
faktorizációra:

**1926:** *bicikli láncokból* (3 mp)

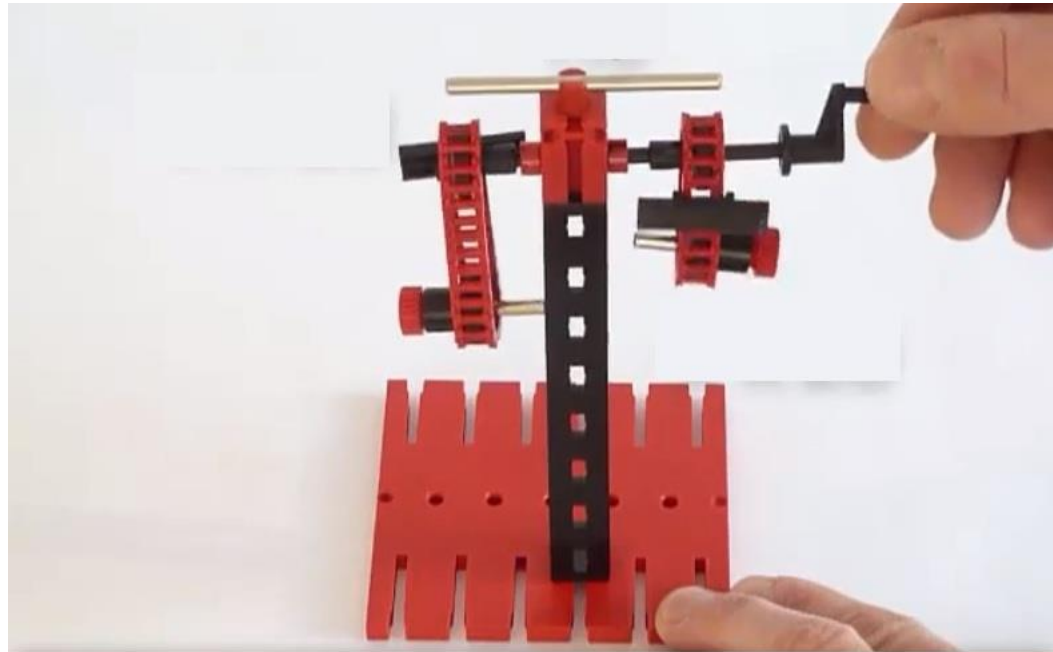
$2^{93} + 1 = 3 * 3 * 529 510 939 * 715 827 883 * 2 903 110 321$

**1932:** fogaskerekekből (5000 eset /mp)

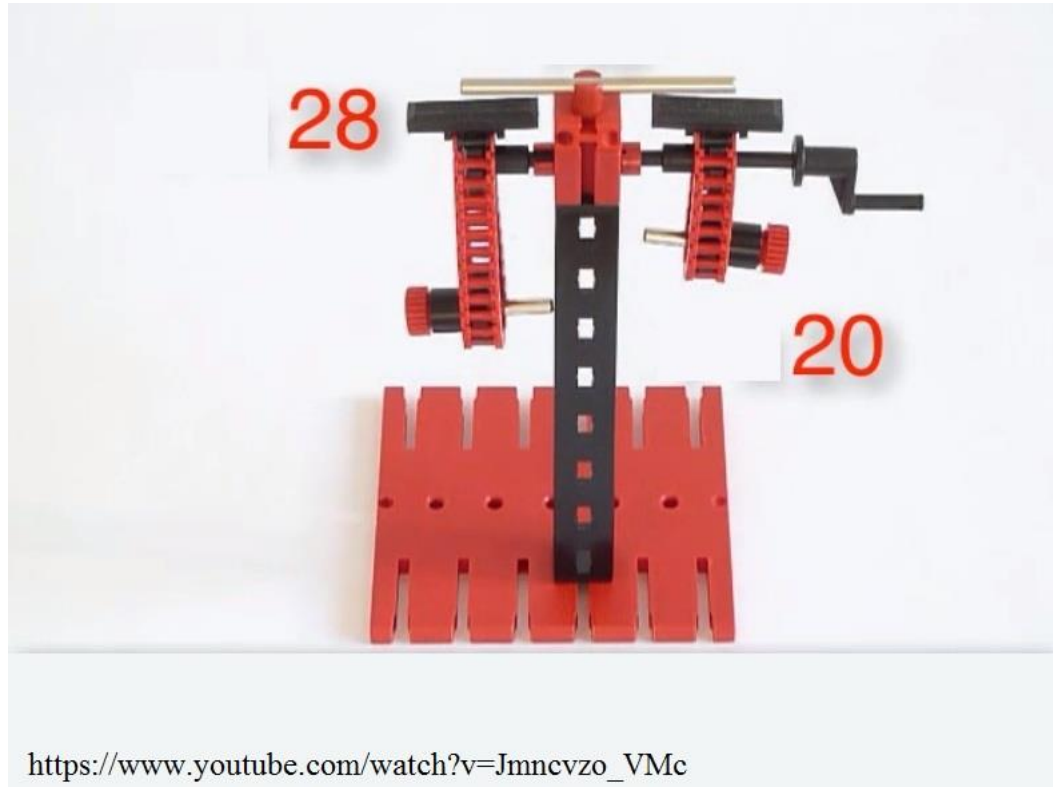
**1936:** 16 mm film

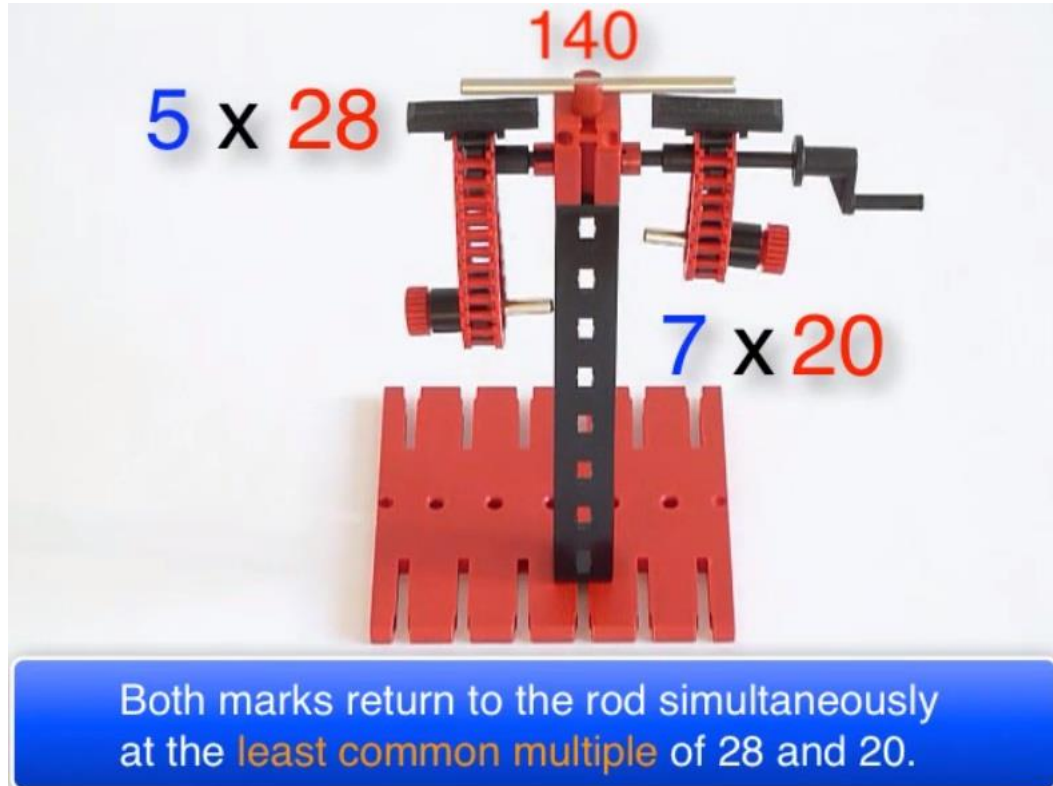
Hasonló elv IC –kben





[https://www.youtube.com/watch?v=Jmncvzo\\_VMc](https://www.youtube.com/watch?v=Jmncvzo_VMc)





## A Mersenne számok Lucas-Lehmer prímtesztje:

HA  $p \in P$  prím, akkor

$$M_p := 2^p - 1 \text{ prím} \iff M_p \mid a_{p-1}$$

ahol  $a_1 = 4$  és  $a_{n+1} \equiv (a_n)^2 \pmod{M_p}$ . □

**Megjegyzés:**  $(\text{mod } M_p)$  lényeges!

**Marin Mersenne** (1588 - 1648) francia

**François Édouard Anatole Lucas** (1842 - 1891) francia



## (Ál-) véletlenszám generátor:

Ha  $X_0$  relatív prím  $m$  –hez,  $a$  rendje nagy ( $a^i \neq 1 \pmod{m}$ ), akkor legyen

$$X_{k+1} \equiv a \cdot X_k \pmod{m} . \quad \square$$

**Megjegyzés:** determinisztikus!

Más néven: **Park–Miller** véletlenszám generátor.

Gyorsított Euklideszi algoritmus.

**Euklidesz** (Kr.e. IV.kp. - III.kp.) görög

*Gyorsított* Euklideszi algoritmus.

**Euklidesz** (Kr.e. IV.kp. - III.kp.) görög

## **Irodalom:**

[https://en.wikipedia.org/wiki/Derrick\\_Norman\\_Lehmer](https://en.wikipedia.org/wiki/Derrick_Norman_Lehmer)

[https://en.wikipedia.org/wiki/Lehmer\\_sieve](https://en.wikipedia.org/wiki/Lehmer_sieve)

[https://en.wikipedia.org/wiki/Derrick\\_Henry\\_Lehmer](https://en.wikipedia.org/wiki/Derrick_Henry_Lehmer)

[https://en.wikipedia.org/wiki/Édouard\\_Lucas](https://en.wikipedia.org/wiki/Édouard_Lucas)

[https://en.wikipedia.org/wiki/Marin\\_Mersenne](https://en.wikipedia.org/wiki/Marin_Mersenne)

[https://en.wikipedia.org/wiki/Lucas-Lehmer\\_test](https://en.wikipedia.org/wiki/Lucas-Lehmer_test)

<http://ed-thelen.org/comp-hist/Lehmer-NS03.html>

<http://ed-thelen.org/comp-hist/Lehmer-NS-01.html>

<http://ed-thelen.org/comp-hist/Mike-Williams-Lehmer.html>

[https://www.youtube.com/watch?v=Jmncvzo\\_VMc](https://www.youtube.com/watch?v=Jmncvzo_VMc)

<https://hu.wikipedia.org/wiki/Mersenne-prímek>

[https://en.wikipedia.org/wiki/Lucas-Lehmer\\_primality\\_test](https://en.wikipedia.org/wiki/Lucas-Lehmer_primality_test)

<http://www.computerhistory.org/visiblestorage/ancient-1940s/precomputing/mechanical-devices/>

Köszönöm a figyelmet !